Research Paper

The Effect of Environmental Factors on the Energy Gap and Conduction Band of Black Phosphorene: A Quantum Chaos Approach¹ Elahe Javanshoor², Sohrab Behnia^{*3} and Fatemeh Nemati⁴

Received: 2024.11.30 Revised: 2025.03.29 Accepted: 2025.05.14

1. Introduction

Infrared (IR) detectors are vital in modern applications like telecommunications, night vision, imaging, and surveillance. Traditional materials (e.g., Mercury Cadmium Telluride) face challenges in integration and miniaturization, driving interest in low-dimensional alternatives. While graphene offers broad IR coverage, its weak absorption and high dark current limit its utility. Black phosphorene (BP), a two-dimensional material with a tunable band gap (0.5 eV bulk to 2 eV monolayer), emerges as a promising candidate. Its electronic structure can be adjusted via layer control, strain, doping, or electric fields, enabling tailored optoelectronic properties. Doping with elements like boron or chlorine modulates the band gap, while strain engineering and the Stark effect enhance mid-IR performance. BP boasts high carrier mobility (~1000 cm²/Vs) and on/off ratios (up to 10⁴), outperforming many 2D materials. Heterojunctions and plasmonic designs leverage their broad absorption (visible to terahertz) and anisotropy. However, multilayer BP's complex interlayer interactions, distinct from graphene or MoS_2 , pose challenges for device integration. Despite this, BP's tunability and versatility position it as a transformative material for next-generation IR technologies.

2. Methodology

Electronic behavior in systems like black phosphorene is studied using models such as Hubbard, Anderson-Holstein, and Su-Schrieffer-Heeger. This work employs the nearest-neighbor tight-binding model, which constructs the

https://jap.alzahra.ac.ir





¹ https://doi.org/10.22051/ijap. 2025.49085.1436

²PhD Student, Department of Physics, Faculty of Modern Sciences and Technologies, Urmia University of Technology, Urmia, Iran. Email: e.javanshoor@gmail.com

³ Professor, Department of Physics, Faculty of Modern Sciences and Technologies, Urmia University of Technology, Urmia, Iran. Email: s.behnia@sci.uut.ac.ir

⁴ PhD Graduated, Department of Physics, Faculty of Modern Sciences and Technologies, Urmia University of Technology, Urmia, Iran. Email: fatemeh.nemati.1988@gmail.com

XXXIII / Extended Abstracts

Hamiltonian matrix by accounting for electron hopping between adjacent atoms. BP's band structure, resembling a deformed honeycomb lattice with varied hopping energies across five neighbors, parallels other 2D materials. Traditional methods like density functional theory (DFT), Green's functions, and molecular dynamics face limitations: DFT struggles with computational cost and scalability, Green's methods rely on error-prone approximations, and molecular dynamics often overlook critical anharmonic effects.

To address these challenges and analyze nonlinear systems, quantum chaos theory—linking classical chaos to quantum phenomena—provides tools to study disordered, localization, and phase transitions. Central to this approach is random matrix theory (RMT), which assumes Hamiltonian symmetry dictates its statistical properties. As a Hermitian operator, the Hamiltonian's eigenvalues (real energy levels) and eigenstates form the basis for RMT analyses. These include eigenvalue-based methods, such as the nearest-neighbor spacing distribution P(s), which quantifies short-range spectral correlations by measuring energy level spacing fluctuations.

For accurate comparisons, spectral unfolding normalizes the energy spectrum to a uniform density, enabling universal assessment of quantum chaos across systems. P(s) thus serves as a key metric to distinguish chaotic vs. ordered behavior, offering insights into transport properties and phase transitions in complex materials like BP.

3. Results and Discussion

In this study, a BP lattice system comprising 120×100 atoms was investigated to explore the effects of electrode voltage, impurity concentration, temperature, and infrared irradiation on its electronic and transport properties. Under electrode voltages of 0.5–4 V, the Brody parameter (β) rises sharply with voltage, peaking at 2 V, indicating increased conductivity, reduced band gaps, and a shift from insulating to metallic states. Voltage-induced gap-band splitting creates localized states, enhancing thermos-electric potential. Boron doping (0.1%, 0.7%, 1.1%) alters energy-level spacing. Low concentrations (0.1%) show Poisson-distributed insulating phases, while higher doping shifts distributions to Wigner-Dyson patterns, signaling metallic behavior through stronger level repulsion. This highlights doping's role in optimizing BP devices. At 0.1% boron and 0.5 V, β decreases sharply from 0–300 K, rises moderately at 300-380 K, then declines gently up to 450 K. This nonmonotonic behavior reflects thermal impacts on band structure and carrier dynamics, critical for temperature-resistant device design. Also, currentvoltage measurements reveal exponential current growth above 0.2 V in goldelectrode BP systems, confirming semiconductor behavior. It can be added, infrared irradiation reduces current due to saturable absorption, where intense light saturates conduction-band states. This effect supports applications in photodetectors and optical modulators.





4. Conclusion

These results demonstrate that voltage, impurity doping, temperature, and light irradiation effectively tune BP's electronic and transport properties, supporting its promise for thermos-electric and optoelectronic applications.

Keywords: Infrared Detector, Black Phosphorene, Quantum Chaos, Random Matrix Theory.

References

- Xu, K., Zhou, W. and Ning, Z., "Integrated structure and device engineering for high performance and scalable quantum dot infrared photodetectors", *Small* 16(47), 2003397, 2020. https://doi.org/10.1002/smll.202003397
- [2] Yang, M., Han, Q., Liu, X., Han, J., Zhao, Y., He, L., Gou, J., Wu, Z., Wang, X. and Wang, J., "Ultrahigh stability 3D TI Bi2Se3/MoO3 thin film heterojunction infrared photodetector at optical communication waveband", *Advanced Functional Materials* 30(12), 1909659, 2020. https://doi.org/10.1002/adfm.201909659
- [3] Tadeo, I.J., Mukhokosi, E.P., Krupanidhi, S.B. and Umarji, A.M., "Lowcost VO 2 (M1) thin films synthesized by ultrasonic nebulized spray pyrolysis of an aqueous combustion mixture for IR photodetection", *RSC* advances 9(18), 9983-9992, 2019. https://doi.org/10.1039/C9RA00189A
- [4] Weng, B., Qiu, J., Zhao, L., Yuan, Z., Chang, C. and Shi, Z., "Recent development on the uncooled mid-infrared PbSe detectors with high detectivity", In *Quantum Sensing and Nanophotonic Devices XI* 8993, 178-185. SPIE, 2014. https://doi.org/10.1117/12.2041276
- [5] Kopytko, M., Kębłowski, A., Gawron, W., Martyniuk, P., Madejczyk, P., Jóźwikowski, K., Kowalewski, A., Markowska, O. and Rogalski, A., "MOCVD grown HgCdTe barrier detectors for MWIR high-operating temperature operation", *Optical Engineering* 54(10), 105105-105105, 2015. https://doi.org/10.1117/1.OE.54.10.105105
- [6] Matveev, B., Aidaraliev, M., Gavrilov, G., Zotova, N., Karandashov, S., Sotnikova, G., Stus, N., Talalakin, G., Il'inskaya, N. and Aleksandrov, S., "Room temperature InAs photodiode–InGaAs LED pairs for methane detection in the mid-IR", *Sensors and Actuators B: Chemical* 51(1-3), 233-237, 1998. https://doi.org/10.1016/S0925-4005(98)00200-7
- [7] Fedeli, J.M. and Nicoletti, S., "Mid-infrared (Mid-IR) silicon-based photonics", *Proceedings of the IEEE* 106(12), 2302-2312, 2018. https://doi.org/10.1109/JPROC.2018.2844565
- [8] Wu, J., Chen, H.Y., Yang, N., Cao, J., Yan, X., Liu, F., Sun, Q., Ling, X., Guo, J. and Wang, H., "High tunnelling electroresistance in a ferroelectric van der Waals heterojunction via giant barrier height modulation", *Nature Electronics* 3(8), 466-472, 2020. https://doi.org/10.1038/s41928-020-0441-9
- [9] Guo, Q., Pospischil, A., Bhuiyan, M., Jiang, H., Tian, H., Farmer, D., Deng, B., Li, C., Han, S.J., Wang, H. and Xia, Q., "Black phosphorus mid-

https://jap.alzahra.ac.ir





infrared photodetectors with high gain", *Nano letters* 16(7), 4648-4655, 2016. https://doi/abs/10.1021/acs.nanolett.6b01977

- [10] Yuan, S., Shen, C., Deng, B., Chen, X., Guo, Q., Ma, Y., Abbas, A., Liu, B., Haiges, R., Ott, C. and Nilges, T., "Air-stable room-temperature mid-infrared photodetectors based on hBN/black arsenic phosphorus/hBN heterostructures", *Nano letters* 18(5), 3172-3179, 2018. https://doi/abs/10.1021/acs.nanolett.8b00835
- [11] Shen, C., Liu, Y., Wu, J., Xu, C., Cui, D., Li, Z., Liu, Q., Li, Y., Wang, Y., Cao, X. and Kumazoe, H., "Tellurene photodetector with high gain and wide bandwidth", ACS nano 14(1), 303-310, 2019. https://doi/abs/10.1021/acsnano.9b04507
- [12] Spirito, D., Coquillat, D., De Bonis, S.L., Lombardo, A., Bruna, M., Ferrari, A.C., Pellegrini, V., Tredicucci, A., Knap, W. and Vitiello, M.S., "High performance bilayer-graphene terahertz detectors", *Applied Physics Letters* 104(6), 2014. https://doi.org/10.1063/1.4864082
- [13] Li, X.L., Han, W.P., Wu, J.B., Qiao, X.F., Zhang, J. and Tan, P.H., "Layer-number dependent optical properties of 2D materials and their application for thickness determination", *Advanced Functional Materials* 27(19), 1604468, 2017. https://doi.org/10.1002/adfm.201604468
- [14] Guo, Q., Yu, R., Li, C., Yuan, S., Deng, B., García de Abajo, F.J. and Xia, F., "Efficient electrical detection of mid-infrared graphene plasmons at room temperature", *Nature materials* 17(11), 986-992, 2018. https://doi.org/10.1038/s41563-018-0157-7
- [15] Yarmohammadi, M., Hoi, B.D. and Phuong, L.T.T., "Systematic competition between strain and electric field stimuli in tuning EELS of phosphorene", *Scientific Reports* 11(1), 3716, 2021. https://doi.org/10.1038/s41598-021-83213-0
- [16] Solomenko, A.G., Sahalianov, I.Y., Radchenko, T.M. and Tatarenko, V.A., "Straintronics in phosphorene via tensile vs shear strains and their combinations for manipulating the band gap", *Scientific Reports* 13(1), 13444, 2023. https://doi.org/10.1038/s41598-023-40541-7
- [17] Li, P., Liu, S., Zhou, H., Xu, J., Huang, K., Zhang, L., Yu, J. and Wang, L., "Impurity properties in phosphorene: First-principles calculations and comparisons", *Materials Science in Semiconductor Processing* 151, 107006, 2022. https://doi.org/10.1016/j.mssp.2022.107006
- [18] Arani, L.A., Hosseini, A., Asadi, F., Masoud, S.A. and Nazemi, E., "Intelligent computer systems for multiple sclerosis diagnosis: a systematic review of reasoning techniques and methods", *Acta Informatica Medica* 26(4), 258, 2018. https://doi.org/10.5455/aim.2018.26.258-264
- [19] Chen, X., Wang, L., Wu, Y., Gao, H., Wu, Y., Qin, G., Wu, Z., Han, Y., Xu, S., Han, T. and Ye, W., "Probing the electronic states and impurity effects in black phosphorus vertical heterostructures", *2D Materials* 3(1), 015012, 2016. https://doi.org/10.1088/2053-1583/3/1/015012
- [20] Mortezaei Nobahari, M., "Electro-optical properties of strained monolayer boron phosphide", *Scientific Reports* 13(1), 9849, 2023. https://doi.org/10.1038/s41598-023-37099-9





XXXVI/ Iranian Journal of Applied Physics, Vol. 15, Issue 2, Serial No. 41, Summer 2025

- [21] Paprotzki, E., Osterkorn, A., Mishra, V. and Kehrein, S., "Quench dynamics in higher-dimensional Holstein models: Insights from truncated Wigner approaches", *Physical Review B* 109(17), 174303, 2024. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.109.174303
- [22] Jung, J. and MacDonald, A.H., "Magnetoelectric coupling in zigzag graphene nanoribbons", *Physical Review B—Condensed Matter and Materials Physics* 81(19), 195408, 2010. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.81.195408
- [23] Rudenko, A.N., Yuan, S. and Katsnelson, M.I., "Toward a realistic description of multilayer black phosphorus: From GW approximation to large-scale tight-binding simulations", *Physical Review B* 92(8), 085419, 2015. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.92.085419
- [24] Illas, F., de PR Moreira, I., Bofill, J.M. and Filatov, M., "Extent and limitations of density-functional theory in describing magnetic systems", *Physical Review B—Condensed Matter and Materials Physics* 70(13), 132414, 2004. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.70.132414
- [25] Qin, M., "Combination of tensor network states and Green's function Monte Carlo", *Physical Review B* 102(12), 125143, 2020. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.102.125143
- [26] Chng, C.P., Dowd, A., Mechler, A. and Hsia, K.J., "Molecular dynamics simulations reliably identify vibrational modes in far-IR spectra of phospholipids", *Physical Chemistry Chemical Physics* 26(27), 18715-18726, 2024. https://doi.org/10.1039/D4CP00521J
- [27] Wigner, E.P., "Characteristic vectors of bordered matrices with infinite dimensions i", *The Collected Works of Eugene Paul Wigner: Part A: The Scientific Papers*, 524-540, 1993. https://doi.org/10.1007/978-3-662-02781-3 35
- [28] Brody, T.A., Flores, J., French, J.B., Mello, P.A., Pandey, A. and Wong, S.S., "Random-matrix physics: spectrum and strength fluctuations", *Reviews of Modern Physics* 53(3), 385, 1981. https://doi.org/10.1103/RevModPhys.53.385
- [29] Mehta, M.L., "Random matrices. Third. Vol. 142", Pure and Applied Mathematics (Amsterdam). Elsevier/Academic Press, Amsterdam, 9, 2004.
- [30] Beenakker, C.W., "Random-matrix theory of quantum transport", *Reviews of modern physics* 69(3), 731, 1997. https://doi.org/10.1103/RevModPhys.69.731
- [31] Haldar, S.K., Chakrabarti, B., Chavda, N.D., Das, T.K., Canuto, S. and Kota, V.K.B., "Level-spacing statistics and spectral correlations in diffuse van der Waals clusters", *Physical Review A* 89(4), 043607, 2014. https://doi.org/10.1103/PhysRevA.89.043607
- [32] Schierenberg, S., Bruckmann, F. and Wettig, T., "Wigner surmise for mixed symmetry classes in random matrix theory", *Physical Review E— Statistical, Nonlinear, and Soft Matter Physics* 85(6), 061130, 2012. https://doi.org/10.1103/PhysRevE.85.061130
- [33] Magner, A.G., Levon, A.I. and Radionov, S.V., "Simple approach to the chaos-order contributions and symmetry breaking in nuclear spectra", *The*

https://jap.alzahra.ac.ir





European Physical Journal A 54(12), 214, 2018. https://doi.org/10.1140/epja/i2018-12645-8

- [34] Brody, T.A., "A statistical measure for the repulsion of energy levels", *Lettere al Nuovo Cimento (1971-1985)* 7(12), 482-484, 1973. https://doi.org/10.1007/BF02727859
- [35] Batistić, B., Lozej, Č. and Robnik, M., "Statistical properties of the localization measure of chaotic eigenstates and the spectral statistics in a mixed-type billiard", *Physical Review E* 100(6), 062208, 2019. https://doi.org/10.1103/PhysRevE.100.062208
- [36] Watts, L., Haidar, E.A. and Stampfl, C., "Electron Transport Study of Hydrogen Peroxide Sensing with 2D Phosphorene and Molybdenum Disulfide", *The Journal of Physical Chemistry C* 126(36), 15397-15404, 2022. https://doi/abs/10.1021/acs.jpcc.2c02520
- [37] Ma, R., Geng, H., Deng, W.Y., Chen, M.N., Sheng, L. and Xing, D.Y., "Effect of the edge states on the conductance and thermopower in zigzag phosphorene nanoribbons", *Physical Review B* 94(12), 125410, 2016. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.94.125410
- [38] Boukhvalov, D.W., "The atomic and electronic structure of nitrogen-and boron-doped phosphorene." *Physical Chemistry Chemical Physics* 17(40), 27210-27216, 2015. https://doi.org/10.1039/C5CP05071E
- [39] Zhang, S. and Sun, H., "Effects of temperature on strain engineering and transition-metal adatom magnetization in phosphorene: ab initio molecular dynamics studies", *Physical Review B* 103(15), 155432, 2021. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.103.155432
- [40] Huang, S., Wang, F., Zhang, G., Song, C., Lei, Y., Xing, Q., Wang, C., Zhang, Y., Zhang, J., Xie, Y. and Mu, L., "From anomalous to normal: temperature dependence of the band gap in two-dimensional black phosphorus", *Physical Review Letters* 125(15), 156802, 2020. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.125.156802
- [41] Villegas, C.E., Rocha, A.R. and Marini, A., "Anomalous temperature dependence of the band gap in black phosphorus", *Nano letters* 16(8), 5095-5101, 2016. https://doi.org/10.1021/acs.nanolett.6b02035
- [42] Erande, M.B., Pawar, M.S. and Late, D.J., "Humidity sensing and photodetection behavior of electrochemically exfoliated atomically thinlayered black phosphorus nanosheets", ACS applied materials & interfaces 8(18), 11548-11556, 2016. https://doi/abs/10.1021/acsami.5b10247
- [43] Dai, X., Zhang, L., Jiang, Y. and Li, H., "Electronic transport properties of phosphorene/graphene (silicene/germanene) bilayer heterostructures: A first-principles exploration", *Ceramics International* 45(9), 11584-11590, 2019. https://doi.org/10.1016/j.ceramint.2019.03.029
- [44] Youngblood, N. and Li, M., "Ultrafast photocurrent measurements of a black phosphorus photodetector", *Applied Physics Letters* 110(5), 2017. https://doi.org/10.1063/1.4975360
- [45] Paschotta, R., Encyclopedia of laser physics and technology. Vol. 1. Berlin: Wiley-vch, 2008. https://doi.org/10.1002/9783527640331.fmatter





XXXVIII/ Iranian Journal of Applied Physics, Vol. 15, Issue 2, Serial No. 41, Summer 2025

- [46] Zeng, L., Zhang, X., Liu, Y., Yang, X., Wang, J., Liu, Q., Luo, Q., Jing, C., Yu, X.F., Qu, G. and Chu, P.K., "Surface and interface control of black phosphorus", *Chem* 8(3), 632-662, 2022. https://doi.org/10.1016/j.chempr.2021.11.022
- [47] Huang, J., Dong, N., Zhang, S., Sun, Z., Zhang, W. and Wang, J., "Nonlinear absorption induced transparency and optical limiting of black phosphorus nanosheets", ACS Photonics 4(12), 3063-3070, 2017. https://doi.org/10.1021/acsphotonics.7b00598



This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution-Noncommercial 4.0 International (CC BY-NC 4.0 license) (http://creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/).

https://jap.alzahra.ac.ir





تأثیر عوامل محیطی روی شکاف انرژی و نوار رسانایی فسفرن سیاه: رهیافت آشوب کوانتومی ا

الهه جوان شور۲، سهراب بهنيا*۳ و فاطمه نعمتي۴

| تاریخ دریافت: ۱۴۰۳/۰۹/۱۰ |
|---------------------------|
| تاريخ بازنگري: ۱۴۰۴/۰۱/۰۹ |
| تاريخ پذيرش: ۱۴۰۴/۰۲/۲۴ |

فصلنامهٔ علمی فیزیک کاربردی ایران دانشکدهٔ فیزیک، دانشگاه الزهرا سال پانزدهم، پیاپی۴۱، تابستان ۱۴۰۴ صص۶۴ – ۸۴

چکیده:

پیشرفتهای کنونی در فناوری تشخیص مادون قرمز به دلیل کاربردهای اساسی آن در زمینههای مختلف، از جمله مخابرات، دیا. در شب و تصویربرداری با وضوح بالا، توجهات بسیاری را به خود جلب کرده است. این مطالعه پتانسیل فسفرن سیاه، یک ماده دو بعادی با ویژگیهای ساختاری و الکترونیکی منحصر به فرد را به عنوان یک نامزد امیدوارکننده برای آشکارسازهای مادون قرمز بررسی می کند. به این منظور، تاثیر دمای تنظیم و تحرک بالای حامل آن تاکیا. می شود . با استفاده از نظریه آشوب کوانتومی و نظریه ماتریس تصادفی، دینامیک سامانه مورد بررسی قرار گرفته و شرایط بهینه برای عملکرد آشکارساز شناسایی می شود. یافتههای این پژوهش نشان می دها. که در دمای اتاق، با ولتاژ ۲ ولت و غلظت ناخالصی بورون ٪۱/۱، فسفرن سیاه این پژوهش نشان می دها. که در دمای اتاق، با ولتاژ ۲ ولت و غلظت ناخالصی بورون ٪۱/۱، فسفرن سیاه این پژوهش نشان می دها. که حرد دمای اتاق، با ولتاژ ۲ ولت و غلظت ناخالصی بورون ٪۱/۱، فسفرن سیاه این پژوهش نشان می دها. که در دمای اتاق، با ولتاژ ۲ ولت و غلظت ناخالصی بورون ٪۱/۱، فسفرن سیاه رفتار عایق به فازی تغیر می دها. که در دمای اتاق، با ولتاژ ۲ ولت و غلظت ناخالصی بورون ٪۱/۱، فسفرن سیاه رفتار عایق به فازی تغیر می دها. نتایج بر اهمیت کنترل ناخالصی و دما در بهینه برای کاربردهای تشدیری می دها. که در دمای اتاق، با ولتاژ ۲ ولت و و نه در به می می کند. این معالامه رفتار عایق به فازی تغیر می دها. دسلوح مختلف ناخالصی بر توزیع سطح انرژی تأثیر می گذارد و سامانه را از رفتار مایق به فازی تغیر می دها. دنتایج بر اهمیت کنترل ناخالصی و دما در بهینه سازی فسور سیاه برای کاربردهای تشخیص مادون قرمز تأکید می کند. این کار به در ک قابلیت های فسفرن سیاه کرای زمینه را برای نوآوری های آینده در فناوریهای آشکارساز مادون قرمز فراهم می کند.

^۲ دانشجوی دکتری، گروه فیزیک، دانشکده علوم و فناوریهای نوین، دانشگاه صنعتی ارومیه، ایران. Email: e.javanshoor@gmail.com ۳ استاد، گروه فیزیک، دانشکده علوم و فناوری های نوین، دانشگاه صنعتی ارومیه، ایران. (نویسنده مسئول). Email: s.behnia@sci.uut.ac.ir ۴ دانش آموخته دکتری، گروه فیزیک، دانشکده علوم و فناوری های نوین، دانشگاه صنعتی ارومیه، ایران. Email: . 1988@gmail.com





¹ https://doi.org/10.22051/ijap.2025.49085.1436

۱. مقدمه

یژوهش های روی آشکارسازها، به ویژه در زمینه تشخیص مادونقرمز، در سالهای کنونی به دلیل کاربر دهای همه کاره و ضروری آن، توجه گستر دهای را به خود جلب کرده است. آشکارسازهای نوري با طبقهبندي آنها به آشکارسازهاي اشعه ايکس، فراينفش، نور مرئي و مادونقرمز ' بر اساس محدوده طول موجى كه شناسايي مي كنند، نقش مهمي در تعداد بي شماري از كاربردهاي علمي و صنعتي ايفا مي كنند [1]. آشكارسازهاي مادونقر مز^۲، به ويژه، به دليل تطبيق يذيري و استفاده گستر ده در حوزههایی مانند مخابرات، دید در شب، تشخیص حرکت، تصویر بر داری با وضوح بالا، نظارت، دستگاههای یاسخ هوشمند و مدارهای نوری مورد توجه قرار گرفتهاند [۲٫۳]. این ابزار گسترده بر اهمیت پیشرفت فناوری آشکارساز IR برای یاسخگویی به تقاضاهای رو به رشد صنایع نوظهور و یژوهش های علمی تأکید می کند. مواد سنتی چون سلنید سرب [۴]، تلورید کادمیوم جیوه ٔ [۵] و اينديوم گاليوم آرسنيد ^ [9]، در حالي که موثر هستند، در يکيارچهسازي مکمل فلز – اکسيد– نیمههادی⁶ با چالش.هایی مواجه هستند و اغلب منجر به دستگاههای حجیم می شوند [۷, ۸]. ییشرفتهای کنونی یتانسیل مواد کمبعدی، بهویژه مواد دوبعدی و شبه یکبعدی با شکافهای نوار باریک با صفر را به عنوان جایگزین های امیدوار کننده برای تشخیص IR بر جسته کرده است [۹-۱۱]. گرافن، یک ماده دوبعدی بدون شکاف، یوشش IR گستردهای را ارائه می کند اما به دلبل. جذب ضعيف و جريان تاريك بالا محدود مي شود [١٢-١٢]. اين پيشرفت ها بر نياز هميشگي به مواد نو آورانه برای افزایش عملکرد آشکارساز IR تاکید می کند.

فسفرن سیاه^۷، یک ماده دوبعدی با ساختار لانهزنبوری منحصربهفرد که توسط اتمهای فسفر با پیوند کووالانسی تشکیل شده است، نوید قابل توجهی برای متحول کردن صنعت آشکارساز مادون قرمز و امکان پذیر کردن فناوری های جدید دارد. ویژگی های ساختاری و الکترونیکی متمایز آن، از جمله تشکیل نقاط کوانتومی مثلثی، آن را از سایر مواد دوبعدی متمایز می کند. BP دارای ویژگی های الکترونیکی و نوری فوق العاده ای است که آن را برای کاربردهای مهندسی بسیار جذاب می کند [10]. ساختار الکترونیکی این ماده را می توان دقیقاً از راه روش هایی مانند کنترل تعداد لایه ها، اعمال میدان های الکتریکی خارجی، مهندسی کرنش، جذب اتمی و ناخالصی تنظیم کرد [10]. به





¹ Infrared (IR)

² Infrared detectors

³ Lead selenide (PbSe)

⁴ Mercury Cadmium Telluride (HgCdTe)

⁵ Indium Gallium Arsenide (InGaAs)

⁶ Complementary Metal-Oxide-Semiconductor (CMOS)

⁷ Black phosphorus (BP)

عنوان مثال، تأثير ناخالصي بورون، فلو نوريا كربن سبب كاهش شكاف نواري مي شود، در حالي كه آلومینیوم یا کلر آن را افزایش میدهد [۲۰]. افزون بر این، ناخالصیهایی چون نیکل و منگنز موقعیتهای اتمی را تغییر میدهند و شکاف نواری را بیشتر کاهش میدهند، بهویژه در سامانههای متأثر از ناخالصی نیکل [۲۱]. فاصله نواری فسفرن سیاه از ۰/۵ الکترونولت در شکل تودهای تا ۲ الکترونولت در تکلایه ها متغبر است که با افزایش تعداد لایه ها به دلیل تغییر در ساختار الکترونیکی و بر همکنش های بین لایه، شکاف به صورت قابل توجهی کاهش می یابد [۲۴-۲۲]. این قابلیت تنظيم، همراه با تحرک حامل بالا و ویژگی های ناهمسان گرد، BP را به عنوان یک نامز د پیشر و برای دستگاههای نیمههادی نسل بعدی قرار میدهد [۲۲]. بر اساس پیش بینی های نظری، فسفرن دارای تحرک حامل بالایی در حدود ($\frac{cm^2}{VS}$) ۱۰۰۰ و نسبت روشن/خاموش بالای ۱۰^۴ در ترانزیستور اثر میدان در دمای اتاق است [۲۵]. پیشرفت های کنونی نشان دادهاند که مهندسی کرنش می تواند به صورت قابل توجهی شکاف نوار BP تکلایه و چندلایه را تنظیم کند و کاربردهای فوتونیکی با کارایی بالا را در محدوده مادونقرمز متوسط ممکن می سازد. اثر استارک' که توسط یک میدان الكتريكي خارجي القا مي شود، با جامجابي شكاف نواري، جذب نور را بيشتر مي كند [۲۶، ۲۷]. اتصالات ناهمگن و نانوساختارهای یلاسمونیک، با استفاده از تحرک بالای فسفرن سیاه و جذب نوار گسترده از نور مرئی به فرکانس های تراهرتز^۲، مسبرهای کارآمدی را برای توسعه آشکار ساز های نوری پیشر فته ارائه می دهند [۲۸]. بااین حال، فسفر ن سباه چندلابه به دلیل همیو شانی غیرقابلاغماض توابع امواج الکترونیکی بین لایهها، پیچیدگی ساختاری و الکترونیکی بیشتری را نشان میدهد و آن را از سامانههای واندروالس دیگر مانند گرافن و مولیبدن دی سولفید" متمایز مي كند [۲۹]. اين فعل وانفعالات بين لايهاي قوي تر بر پتانسيل و چالش هاي فسفرن سياه در پيشرفت فناورى هاى آشكارساز مادون قرمز تأكيد مى كند.

با توجه به توانایی فوق العاده فسفرن سیاه، در مطالعه حاضر، امکان طراحی آشکار ساز نوری بر مبنای این ماده مدنظر خواهد بود. در این مطالعه که به چند بخش تقسیم شده است، ابتدا الگوی پیشنهادی در بخش دوم معرفی میشود و توصیف دیداری از ساختار مورد مطالعه ارائه می گردد. سپس، رهیافت تحلیل رفتاری (آشوب کوانتومی) شرح داده میشود. در بخش بحث و نتیجه گیری، نتایج

- ¹ Stark effect
- ² Terahertz
 ³ Molybdenum disulfide (MoS₂)





بهدستآمده بررسی و با نتایج پژوهشگران پیشین مقایسه می شود تا الگوی پیشنهادی تأیید گردد. در پایان، در بخش جمعبندی، با اشاره به کارهای آینده، مطالعه به پایان میرسد.



Fig. 1 Crystal lattice of black black phosphorene. شکل ۱ شبکه بلوری فسفرن سیاه.

۲. الگو و روش ها

الگوهای مختلفی چون مدل تنگئبست'، هابارد'، ، اندرسون-هولشتاین''، سوشریفر-هیگر^۴، برای مطالعه رفتار الکترونیکی وجود دارد. در این مطالعه، ماتریس هامیلتونی با استفاده از الگوی تنگئبست نزدیکترین همسایه بدست میآید. این الگو جهش الکترونها را بین اتمهای همسایه در شبکه برای استخراج عناصر ماتریس هامیلتونی در نظر می گیرد. ساختار نواری BP را میتوان به صورت مشابه با دیگر مواد دو بعدی، به عنوان تغییر شکل پیوسته شبکه لانه زنبوری با انرژیهای پرش متفاوت (⁷) بر روی پنج همسایه، همانطور که در شکل (۱) نشان داده شده است، بررسی کرد [1۵].

هامیلتونی حاکم بر مسئله به صورت زیر بیان می گردد [۱۶]:

$$H_{sys} = \gamma_1 \sum_{i \neq j} c_i^{\dagger} c_j + \gamma_2 \sum_{i \neq j} c_i^{\dagger} c_j + \gamma_3 \sum_{i \neq j} c_i^{\dagger} c_j + \gamma_4 \sum_{i \neq j} c_i^{\dagger} c_j + \gamma_5 \sum_{i \neq j} c_i^{\dagger} c_j$$
(1)

- ¹ Tight-binding
- ² Hubbard
- ³ Anderson-Holstein
- ⁴ Su-Schrieffer-Heeger





که در آن، (i=1,2,3,4,5 انرژی پرش در نزدیک ترین همسایگی و γ_i (i=1,2,3,4,5 که در آن، (jet c) و نابودی الکترود ای خلق ولتاژ و نابودی الکترون در شبکه فسفرن سیاه هستند. از الکترودهای طلا به منظور خلق اختلاف ولتاژ استفاده می شود:

$$H_{Lead} = \sum_{i=1} \varepsilon_{Au} c_i^{\dagger} c_i + \sum_{\langle i,j \rangle} \gamma_{Au} (c_i^{\dagger} c_j + H.c.)$$

+
$$\sum_{\langle i,j \rangle} \sum_{i>N_x} \gamma_{Au-P} (c_{i+Nx}^{\dagger} c_1 + H.c.) + \sum_{\langle i,j \rangle} \sum_{i>N_x} \gamma_{Au-P} (c_{i+Nx}^{\dagger} c_N + H.c.)$$
(Y)

در این معادله، \mathcal{E}_{Au} انرژی جایگاهی اتم طلا (به عنوان الکترود) است که با اتصال به ولتاژ خارجی به صورت $\left(\frac{eV_b}{2}\right) \pm \mathcal{E}_{Au}$ تصحیح می شود. \mathcal{V}_{Au} انرژی پرش نزدیکترین همسایگی بین اتم طلا میباشند. همچنین عبارت \mathcal{V}_{Au-P} بیانگر انرژی پرش بین اتم های طلا و فسفر در مرز مشتر ک بین الکترود طلا و شبکه BP است. عبارت (c_N) به ترتیب عملگر نابودی الکترون در اولین و آخرین اتم در هر سطر از پیوندهای بین الکترود طلا و شبکه BP است.

تنظیم رسانایی الکتریکی شبکه فسفرن از راه ناخالصی امکان پذیر است. لیتیوم، سدیم و پتاسیم انرژی تشکیل پایینی دارند و حالتهای اهداکننده مؤثری را نزدیک به کمینه نوار هدایت ایجاد می کنند. در مقابل، گالیم، ایندیم، مس و نقره نیز به عنوان اهداکننده عمل می کنند، اما به دلیل انرژی تشکیل دهنده بالایی که دارند، به سختی تشکیل می شوند. ناخالصیهای گروه II و گروه IIIV در جدول تناوبی، حالتهای نقص را دور از لبههای نوار ایجاد می کنند، در حالی که روی، کادمیوم و تاخالصیهای خاص گروه IV، حالتهای نقص را در شکاف ایجاد نمی کنند. در بین ناخالصیهای گروه IV و IV، فقط اکسیژن، فلوئور و کلر دارای انرژی تشکیل پایین هستند [۱۷]. از طرفی، بورون می تواند به عنوان یک ناخالصی نوع عمل کند و رسانایی الکتریکی را افزایش دهد [۱۸]، را بهبود بخشد، اما مقادیر بیش از حد ممکن است ساختار را مخدوش کرده و سبب ایجاد نقص شود [۱۹]. در نتیجه، در مطالعه حاضر، به منظور تنظیم رسانایی الکتریکی شبکه فسفرن از ناخالصی بورون [۲۰] استفاده می شود، هامیلتونی ناخالصی به صورت معادله (۳) تعریف می گرده:

$$H_{imp} = \sum_{i=1}^{n} \varepsilon_{imp} c_i^{\dagger} c_i + \sum_{i \neq j} \gamma_{P-imp} (c_i^{\dagger} c_j + H.c.)$$
(7)





 \mathcal{F}_{imp} بیانگر انرژی جایگاهی اتم ناخالصی (به طور خاص در این مطالعه، اتم بورون) میباشد. همچنین، عبارت γ_{P-imp} انرژی پرش بین اتمهای فسفرن و ناخالصی بورون میباشد. مقادیر مربوط به کمیتهای مطرح در معادله (۱)، (۲) و (۳)، در جدول (۱) بیان شدهاند. با در نظر گرفتن اثرات فونون و دمای محیط بر جریان الکتریکی، این تأثیرات به ترتیب از راه تصحیح انرژی پرش با عبارت فونون و دمای محیط بر جریان الکتریکی، این تأثیرات به ترتیب از راه تصحیح انرژی پرش با عبارت مواو² و دمای محیط بر جریان الکتریکی، این تأثیرات به ترتیب از راه تصحیح انرژی پرش با عبارت مونون و دمای محیط بر جریان الکتریکی، این تأثیرات به ترتیب از راه تصحیح انرژی پرش با عبارت مواو² و دمای محیط بر جریان الکتریکی، این تأثیرات به ترتیب از راه تصحیح انرژی پرش با عبارت حرارتی، تغییرات دما و کمیت تنظیم برهمکنش فونون – الکترون میباشد. به منظور امکان سنجی سوئیچ اپتیکی، بخش الکتریکی نور مادون قرمز از راه تصحیح انرژی جایگاهی الکترونها به صورت موئیچ اپتیکی، بخش الکتریکی نور مادون قرمز از راه تصحیح انرژی جایگاهی الکترونها به صورت به سوئیچ اپتیکی، بخش الکتریکی نور مادون قرمز از راه تصحیح انرژی جایگاهی الکترونها به صورت به موئی بر در این در و دره در سبکه BP انجام می پذیرد [۲۲].

جدول ۱ مقادیر کمیتهای مورد استفاده در معادلات (۱)، (۲) و (۳) (۲۰, ۲۳]. Table 1 Values of parameters used in equations (1), (2) and (3) [20,23].

| | Value | Parameter |
|-------------------|--------------------------|----------------------|
| | -1.22 | γ_1 |
| Hopping energy | 3.566 | γ_2 |
| | -0.205 | γ_3 |
| | 105 | γ_4 |
| | -0.055 | γ_5 |
| | -0.5155 | γ_{Au} |
| | $\gamma_{Au \times 0.3}$ | γ_{Au-P} |
| | -1.844 | ${\gamma}_{P\!-\!B}$ |
| | -3.276 | \mathcal{E}_p |
| On-site energy | -1.89 | \mathcal{E}_{B} |
| | 3.09 | \mathcal{E}_{N} |
| | 0.9004 | \mathcal{E}_{Au} |





۳. روش بررسی

تا به امروز، روش های مختلفی برای بررسی دینامیک رفتاری این سامانه ها، از جمله نظریه تابعی چگالی'، روشهای تابع گرین' و شبیهسازیهای دینامیک مولکولی" به کار گرفته شدهاند. کارایی DFTبه دلیل پیچیدگی محاسبات، نیاز به اصلاحات تجربی و هزینه محاسباتی بالا مرتبط با سامانههای بزرگ محدود میشود [۲۴]. روشهای تابع گرین هم از نظر ریاضی و هم از نظر محاسباتی ییچیده هستند و اغلب به تقریبهایی نیاز دارند که میتوانند خطا ایجاد کنند [۲۵]. شبیهسازیهای دینامیک مولکولی زمانبر هستند و میتوانند با کیفیت دادههای مرجع ساختار الکترونیکی محدود شوند و اغلب از اثرات ناهارمونیک و دینامیکی که برای پیش بینی دقیق طبفهای مادون قرمز حباتی هستند، غفلت می کند [۲۶]. با توجه به محدودیتهای این روش ها و غیرخطی بودن سامانه مورد مطالعه، می توان از نظریه آشوب کوانتومی برای تحلیل رفتاری آن استفاده کرد. آشوب کوانتومی مطالعه چگونگی تجلی رفتار آشوب کلاسبک در سامانههای کوانتومی است و همچنین ابزارهایی برای مطالعه چگونگی تأثیر بینظمی بر سطوح انرژی، توابع موج و ویژگیهای انتقال را فراهم می کند. به عنوان مثال، می تواند به تمایز بین حالتهای موضعی (عايق) و غير موضعي (رسانا) در سامانه هاي آشوينا ک کمک کند. در اين پژوهش از آن براي بررسي یک هامیلتونی تنگ بست استفاده می شود. چرا که اثرات بی نظمی، تعاملات و پویایی های پیچیده را آشکار می کند و بینش هایی را در مورد موضعی بودن و انتقال فاز ارائه می دهد. نظریه ماتریس تصادفی به عنوان سنگ بنای مطالعه آشوب کوانتومی، ارائه یک چارچوب جهانی برای بررسی ویژگیهای آماری سامانههای کوانتومی آشوبناک و آشکار کردن ارتباطات عمیق بین آشوب کلاسیک و مکانیک کوانتومی است. در تلاش برای یافتن روشی مناسب برای مطالعهی سامانههای اتمي با بر هم کنش قوي، ويگنر ^۴ نخستين کسي بود که نظريهي ماتريس هاي تصادفي⁶ را معرفي کرد. این نظریه بهمرور به سنگینای روش های مطالعهی طیفی در مکانیک کوانتومی تبدیل شد و امکان جداسازی رفتار آشوبناک از منظم را فراهم کرد [۲۷]. فرض اساسی برای استفاده از نظریه ماتریس تصادفی در سامانههای هامیلتونی این است که در ک ما از ماتریس هامیلتونی اساساً بر اساس ویژگی های تقارن آن است. عملگر هامیلتونی که با H نشان داده می شود، دینامیک سامانه را کنترل می کند و یک عملگر هرمیتی است، که نشان میدهد که نمایش ماتریسی آن نیز هرمیتی است. در

² Green's function

⁵ Random Matrix Theory (RMT)





¹ Density Functional Theory (DFT)

³ Molecular dynamics simulations

⁴ Wigner

نتیجه، ویژه مقادیر، نشان دهنده سطوح انرژی مجاز سامانه، اعداد واقعی هستند [۲۸]. ماتریس هامیلتونی از عناصر بدست آمده با ارزیابی هامیلتونی با توجه به مجموعه پایه کامل متعامد ساخته شده است. میتوان عنوان کرد که روش های نظریهی RMT برای تحلیل سامانههای کوانتومی به دو گروه طبقهبندی میشوند: تحلیل های برمبنای ویژه مقادیر و تحلیل های برمبنای ویژه حالت ها. در تحلیل بر مبنای ویژه مقادیر، تحلیل های آماری طیف یک سامانه کوانتومی را میتوان بر حسب همبستگی های بلند و یا کوتاهبرد دسته بندی کرد که شناخته شده ترین و پرکاربرد ترین تحلیل در بخش کوتاه برد، بر مبنای TMT توزیع فاصلهی بین ترازهای مجاور (s) است [۲۹]. RMT در درک آشوب کوانتومی، کمک به تجزیه و تحلیل توزیع تراز انرژی و پیش بینی رفتار کوانتومی ارزشمند است [۳۰].

۱.۳ نوسانات طيفي

¹ Unfold



² Wigner-Dyson

وأشكاه الزمرا

مابین توزیع پواسونی و توزیع ویگنری را نشان میدهد. توزیع برودی، که با "کمیت دفع'" (β) مشخص میشود، برای توصیف این رفتار میانی استفاده میشود [۳۴].

$$P_{\beta}(s) = \alpha(\beta+1)s^{\beta} \exp(-\alpha s^{\beta+1})$$
(F)
$$P_{\beta}(s) = \alpha(\beta+1)s^{\beta} \exp(-\alpha s^{\beta+1})$$

$$P_{\alpha} = \left(\Gamma\left[\frac{\beta+2}{\beta+1}\right]\right)^{\beta+1} \operatorname{track} e^{-\beta} \operatorname{tra$$

مورد استفاده جهت محاسبه کمیت برودی (β) و به عبارتی توزیع P(s) در ضمیمه توصیف شده است.

۲.۳ نمودار جریان – ولتاژ کمیت دیگر برای بررسی تمایل به فاز فلز /عایق در شبکه مورد مطالعه، جریان الکتریکی است که از آن می گذرد. می توانیم تعریف عملگر چگالی بار را در چارچوب هایزنبرگ به صورت از آن می گذرد. می توانیم تعریف کنیم که در آن، $n_i = c_i^{\dagger}c_i$ در حقیقت، چگالی بار است. عملگر جریان الکتریکی به صورت زیر بدست می آید:

$$I = \frac{d(en_i(t))}{dt} = \frac{-ie}{\hbar} \Big[c_i^{\dagger} c_i, H \Big]$$
(b)

که در این صورت، جریان الکتریکی کلی به شکل $I(t) = \sum_{i} I_i(t)$ محاسبه می شود. بنابراین با استفاده از معادلات مشتق شده، می توان تأثیر عوامل مختلف بر جریان الکتریکی را در شبکه بررسی کرد. در مطالعه حاضر از تابع ODE45 نرمافزار متلب جهت مطالعه ویژگی های رسانایی شبکه فسفرن سیاه استفاده می شود.

¹ Repulsion paramete





٤. نتايج و بحث

در مطالعه حاضر، سامانهای با ابعاد ۱۰۰×۱۲۰ اتم مورد مطالعه قرار می گیرد. شکل (۲) تغییرات مقدار β نسبت به ولتاژ الکترودها را در محدوده ۵٫۰ تا ۴ ولت نشان میدهد. همان طور که در شکل (۲)، نشان داده می شود، افزایش ولتاژ تاثیر جالب توجهی بر رسانایی و گذار فاز شبکه فسفرن سیاه دارد (روند افزایش β معادل با افزایش رسانایی و کاهش شکاف نواری و انتقال به فاز ویگنری می باشد و برعکس). بیشینه قلّه β در ۲ ولت رخ می دهد.

در مطالعهای که توسط وات^۱ و همکارانش بر روی فسفرن سیاه انجام گردید، این مهم تایید شده است [۳۶]. افزون بر این، مشخص شد که با تنظیم ولتاژ الکترود، نوارهای شکاف میانی به صورت کامل شکافته شدهاند، که منجر به حالتهای موضعی می گردد که توان حرارتی را افزایش میدهد. این ویژگیها نشان میدهد که نانوساختارهای BP نامزدهای امیدوارکنندهای برای کاربردهای تر موالکتریک هستند [۳۷].

در این راستا، سه حالت (۰/۱ ٪ (رنگ سبز)، ۰/۷ ٪(رنگ بنفش) و ۱/۱ ٪ (رنگ مشکی) در شکل (۳)) در نظر گرفته شد. خطچین های آبی و قرمز برای توزیع پواسون و ویگنری، دو حد نظری را برای فاصله سطوح انرژی مشخص می کنند. توزیع پواسونی مرتبط به سطوح انرژی در فازهای عایق و توزیع ویگنری سطوح انرژی را در سامانه هایی با همبستگی یا بر همکنش قوی، اغلب در سامانه های فلزی یا آشوبناک توصیف می کند. ناخالصی ها می توانند پتانسیل دور مای را مختل کنند و بر تعاملات بین سطوح انرژی تأثیر بگذارند.

1 Watts







شکل ۱ تغییرات کمیت برودی (β) برای شبکه فسفرن سیاه بدون ناخالصی با ابعاد ۱۲۰×۱۲۰ اتم نسبت به تغییر ولتاژ الکترودهای طلا در دمای ۳۰۰ کلوین و با در نظر گرفتن تأثیر فونونهای شبکه با بسامد ((₀ = 32(*THz*) و در غیاب تابش نور مادون قرمز.

در غلظتهای کم ناخالصی (رنگ سبز)، سامانه به حالت عایق با کمینه دافعه سطح نزدیک تر است که شبیه توزیع پواسون است. همانطور که غلظت ناخالصی بورون افزایش می یابد، اتم های بورون مراکز پراکندگی بیشتری را معرفی می کنند و برهمکنش ها را افزایش می دهند که منجر به توزیع نوع ویگنر – دایسون می شود که دلالت بر همبستگی های قوی تر و دافعه سطحی معمولی حالتهای فلزی یا رسانا دارد. به عبارتی با اعمال ناخالصی بورون، سامانه مورد مطالعه تمایل به سمت توزیع ویگنری را که معادل با افزایش رسانندگی است، طی می کند. در مطالعه تمایل به سمت توزیع همکارانش انجام گردید، مشخص شد که درصد کمی از ناخالصی بورون سبب گذار شبکه BP از نیمهرسانایی به شبهفلز می شود [۳۸]. این نتایج نشاندهنده اهمیت کنترل دقیق نوع ناخالصیها در طراحی و بهینه سازی دستگاه های الکترونیکی مبتنی بر BP است. مراحی و بهینه سازی دستگاه های الکترونیکی مبتنی بر BP است.

درصد بورون در ولتاژ ۵/۰ ولت، در محدوده دمایی [۰-۴۵۰] کلوین، شرایط رسانایی شبکه فسفرن

¹ Danil





سیاه مورد بررسی قرار می گیرد. همانطور که در شکل (۴) نشان داده شده است، کمیت برودی (β) روند کاهشی مشخصی را در فاصله دمایی ۲ تا ۳۰۰ کلوین (بخش I) نشان می دهد. به دنبال آن یک روند افزایشی متوسط در محدوده دمایی ۳۰۰ تا ۳۸۰ کلوین (بخش II) و پس از این، روند کاهشی ملایمی از ۳۸۰ به ۴۵۰ کلوین (بخش III) مشاهده می شود. در مطالعه ای که توسط ژانگ و همکارانش [۳۹] از راه شبیه سازی دینامیک مولکولی انجام شده است، مشخص گردید که با افزایش دما از ۳۰۰ تا ۴۵۰ کلوین، شکاف نوار فسفرن کاهش می یابد.

کاهش شکاف نواری با افزایش دما [۴۰] نشان از وابستگی حرارتی غیرعادی آن است که به ترکیبی

از مشارکتهای انبساط حرارتی هارمونیک و شبکه مرتبط می شود [۴۱].

- - Poisson - Wigner(GOE) $-P_{B}=0.1\%$ 0.8 _P_=0.7 % 0.6 (s)d $P_{B}=1.1 \%$ 0.4 0.2 0 1.5 s 0.5 2 2.5 3 3.5 0 1 4

Fig. 3 Spectral distribution of energy levels (p(s)) of the black phosphorene lattice for different amounts of boron impurity at a voltage of 0.5 V and a temperature of 300 K in the presence of the effect of lattice phonons with frequency ($\omega_0 = 32(THz)$) and in the absence of infrared radiation. From green to black, the phase transition between the Poisson and Wigner distributions is shown.

شکل ۳ توزیع طیفی سطوح انرژی ((P(s)) شبکه فسفرن سیاه به ازای مقادیر مختلفی از ناخالصی بورون در ولتاژ ۰/۵ ولت و دمای ۳۰۰ کلوین در حضور تأثیر فونونهای شبکه با بسامد ((_{(00 = 32}) و در غیاب تابش مادون قرمز. رنگهای آبی و قرمز به ترتیب نشان دهنده توزیع پواسونی و ویگنری کامل هستند و از رنگ سبز تا سیاه، انتقال فاز بین توزیع پواسون و ویگنر را نشان میدهد.







Fig. 4 Variations of the Brody parameter for a black phosphorene lattice with dimensions of 100×120 atoms with a 0.1% boron impurity at a voltage of 0.5 V to the change in ambient temperature in the presence of the effect of lattice phonons with frequency ($\omega_0 = 32(THz)$) and in the absence of infrared radiation.

² Landauer-Buttiker equation





¹ Hui Li

روند افزایشی آرامی وجود دارد و بعد از آن روند افزایشی سریعی شکل می گیرد. همچنین با توجه به شکل (۵) مشاهده می شود که با اعمال نور تابشی، مقدار جریان الکتریکی به روشنی نسبت به حالت بدون تابش نور، کمتر می باشد [۴۴] که این پدیده می تواند به به جذب اشباع پذیر مرتبط باشد که یک پدیده نوری غیر خطی است که تحت شدت نور زیاد رخ می دهد [۴۵, ۴۶]. به عبارتی زمانی که انرژی نور فرودی بیشتر از شکاف نواری ماده باشد، فوتون ها می توانند جذب شوند و به نوبه خود، الکترون های نوار ظرفیت به نوار رسانایی برانگیخته می شوند. با افزایش شدت نور به سطح نسبتاً بالایی، تعداد حامل های نور به بالاتر از آستانه افزایش می یابد. در عین حال، نوار رسانایی دیگر نمی تواند الکترون ورودی را بپذیرد و جذب کاهش می یابد [۴۷].



Fig. 5 Current-voltage diagram in a black phosphorus lattice with dimensions of 100×120 atoms in the presence of the effect of lattice phonons with frequency ($\omega_0 = 32(THz)$) and in the presence of infrared radiation with frequency

($arphi_0=28(THz)$). شکل ۵ نمودار جریان- ولتاژ د ر شبکه فسفرن سیاه با ابعاد ۱۲۰×۱۲۰ اتم در حضور تاثیر فونون های شبکه با بسامد (($arphi_0=32(THz)$) و در حضور تابش مادونقرمز با بسامد (($arphi_0=28(THz)$).





^۵. نتیجه گیری

در این مطالعه، یتانسیل فسفرن سیاه را به عنوان مادهای برای فناوری های پیشرفته تشخیص مادون قرمز بررسی شده است. یافتههای ما ویژگیهای ساختاری و الکترونیکی منحصربهفرد فسفرن سیاه را برجسته می کند، که امکان تنظیم قابل توجه شکاف نواری آن را با استفاده از روش هایی چون افزودن ناخالصی فراهم می کند. بررسی های انجام شده با استفاده از نظریه آشوب کوانتومی و نظریه ماتریس تصادفی، بینش های ارزشمندی را در مورد دینامیک سامانه ارائه کرده است، و نشان می دهد که چگونه عوامل مختلف، از جمله دمای محیط و ولتاژ الکترود، بر رسانایی الکتریکی فسفرن سیاه تأثیر می گذارد. نتایج نشان میدهد که شرایط بهینه برای تشخیص مادون قرمز را می توان در دمای اتاق با ولتاژ ۲ ولت و غلظت ناخالصی بور ۱/۱٪ بدست آورد که منجر به افزایش رسانایی و انتقال مطلوب به سمت فاز ویگنر می شود. افزون بر این، این مطالعه بر نقش حیاتی ناخالصیها در تعدیل ويژگيهاي الكترونيكي فسفرن سياه تأكيد مي كند، كه به آن اجازه مي دهد از حالت عايق به حالت فلزي تبديل شود و در نتيجه عملكرد آن به عنوان يك آشكارساز نوري را بهبود بخشد. همانطور که فناوریهای تشخیص مادون قرمز به تکامل خود ادامه میدهند، یافتههای این یژوهش بر اهمیت مواد نو آورانه مانند فسفرن سیاه در بر آوردن نیازهای رو به رشد کاربردهای جدید تأکید می کند. کار آینده باید بر روی بهینهسازی بیشتر روش های افزودن ناخالصی و کاوش در ادغام فسفرن سیاه با مواد دیگر برای افزایش عملکرد و عملکرد آشکارساز متمرکز شود. پتانسیل فسفر سیاه در قلمرو اپتوالکترونیک بسیار زیاد است و ادامه پژوهش،های احتمالاً به پیشرفتهای قابلتوجهی در تواناييهاي تشخيص فروسرخ منجر خواهد شد.

۰. تقدیر و تشکر

از دانشگاه صنعتي اروميه كه امكان پژوهش را براي دانشجويان فراهم مي كند، كمال تشكر را داريم.

۷. پيوست

در پژوهش حاضر، از نرمافزار متلب ۲۰۲۲ جهت محاسبه نتایج استفاده شد. که الگوریتم مورد استفاده برای محاسبه کمیت برودی (β) به صورت زیر است:





| • | Innut: Hamiltonian Matrix H |
|------------|---|
| • | aigan values = $aig(H)$ |
| : | eigen_values = sort(real(eigen_values)) |
| | $H_{size} = length(eigen_values)$ |
| • | aigen values = aigen values(round(0 1*H size)) and_ |
| | round(0.1*H size)) |
| • | $eta = zeros(1 \ length(eigen \ values))$ |
| | $For index F = 1 \cdot length(eigen_values))$ |
| • | N = find(eigen_values <= eigen_values(index_F)) |
| : | eta(index F) = length(N) |
| | end |
| • | enu |
| : | f = polyfit(eigen_values',eta,p_degree); |
| | cni = zeros(length(eigen_values),1); |
| : | For index_t = 1:length(t) |
| 0: | $cni = cni + t(index_t).*eigen_values.^ (length(f)-index_f)$ |
| 1: | end E1 ((1)) |
| | EI = sort(chi) |
| | hist(E1) |
| | s = diff(E1) |
| | $\mathbf{a} = \operatorname{find}(\mathbf{s} > 7)$ |
| | s(a) = [] |
| | $n_{\text{bins}} = 2^{*} \text{sqrt} (\text{length}(\text{E1}))$ |
| | $[\mathbf{p}_{s},\mathbf{b}\mathbf{n}] = \mathbf{n}\mathbf{st} (s,\mathbf{n}_{s}\mathbf{b}\mathbf{n}s)$ $\mathbf{b}\mathbf{s}\mathbf{s}\mathbf{s}\mathbf{s}\mathbf{s}\mathbf{s}\mathbf{s}\mathbf{s}\mathbf{s}s$ |
| | Dinsize = (Din(2) - Din(1)) |
| э . | $p_s - p_s./sum(p_s)/binsize$ |
| ۷. | mcan(s) Eta = 0.01.0.01.0.00 |
| | E(a = 0.01.0.01.0.77) |
| | $p_{ucg} = 1$ |
| | Frror = zeros(1 length(Ftg)) |
| | index $eta = 0$ |
| 3: | for $eta = Fta$ |
| | index eta = index eta + 1: |
| | $alnha = \sigma anma((eta+2)/(eta+1))^{(eta+1)}$ |
| | A = alnha .* (eta+1): |
| | n eta = A * bin ^eta * exp(-alpha *bin ^ (eta+1)) \cdot |
| 4: | r_{p} error = p eta - p s: |
| | Error(index eta) = sum(error.^2): |
| 5: | end |
| 2. | a = find(Error==min(Error)) |
| | Optimized $eta(counter) = Eta(a)$ |
| | optimized alpha = $gamma((Ontimized eta(counter)+2)/$ |
| 6: | (Optimized eta(counter)+1))^ (Optimized eta(counter)+1) |
| | x = 0.01:0.01:max(s) |
| | p eta = optimized alpha .* (Optimized eta(counter)+1) .* |
| | |

انتسكاوالزمراء



```
17: .* exp(-optimized_alpha.*x.^ (Optimized_eta(counter)+1))
p_w = (pi/2).*x.*exp(- (pi/4)*x.^2)
p_p = exp(-x)
createfigureP_s(bin, p_s, x, p_w, p_p)
hold on
plot(x,p_eta,'g','LineWidth',2)
plot(x,p_w,'g',x,p_p,'r',x,p_eta,'k')
hold on
stairs(bin,p_s)
```

Algorithm 2: CreatefigureP_s

```
1: function createfigureP_s (X1, YMatrix1, X2, YMatrix2, YMatrix3)
    %CREATEFIGURE(X1, Y1, YMATRIX1)
    % X1: stairs x
    % Y1: stairs v
    % YMATRIX1: matrix of y data
2: % Create figure
    figure1 = figure
    % Create axes
    axes1 = axes('Parent',figure1)
    box(axes1,'on')
    hold(axes1,'all')
    % Create stairs
    plot1(1) = stairs(X1,YMatrix1,'Parent',axes1,'Color', [0 0 0])
    % Create multiple lines using matrix input to plot
    plot1(2) = plot(X2,YMatrix2,'Parent',axes1)
    plot1(3) = plot(X2,YMatrix3,'Parent',axes1)
    set (plot1(1),'DisplayName','Numeric','Color', [0 0 0])
    set (plot1(2),'Color', [1 0 0],'DisplayName','Wigner')
    set (plot1(3),'Color', [0 0 1],'DisplayName','Poisson')
3: % Create xlabel
    xlabel ('s', 'FontSize', 16, 'FontName', 'Times New Roman')
    % Create vlabel
    ylabel('P(s)','FontSize',16,'FontName','Times New Roman')
4:
5
    % Create legend
    legend(axes1,'show');
    setlegend, 'EdgeColor', [1 1 1], 'YColor', [1 1 1], 'XColor', [1 1 1],...
    'FontSize',14,...
    'FontName', 'Times New Roman' ;
```





- [1] Xu, K., Zhou, W. and Ning, Z., "Integrated structure and device engineering for high performance and scalable quantum dot infrared photodetectors", *Small* 16(47), 2003397, 2020. https://doi.org/10.1002/smll.202003397
- Yang, M., Han, Q., Liu, X., Han, J., Zhao, Y., He, L., Gou, J., Wu, Z., Wang, X. and Wang, J., "Ultrahigh stability 3D TI Bi2Se3/MoO3 thin film heterojunction infrared photodetector at optical communication waveband", *Advanced Functional Materials* 30(12), 1909659, 2020. https://doi.org/10.1002/adfm.201909659
- [3] Tadeo, I.J., Mukhokosi, E.P., Krupanidhi, S.B. and Umarji, A.M., "Low-cost VO 2 (M1) thin films synthesized by ultrasonic nebulized spray pyrolysis of an aqueous combustion mixture for IR photodetection", *RSC advances* 9(18), 9983-9992, 2019. https://doi.org/10.1039/C9RA00189A
- [4] Weng, B., Qiu, J., Zhao, L., Yuan, Z., Chang, C. and Shi, Z., "Recent development on the uncooled mid-infrared PbSe detectors with high detectivity", In *Quantum Sensing and Nanophotonic Devices XI* 8993, 178-185. SPIE, 2014. https://doi.org/10.1117/12.2041276
- [5] Kopytko, M., Kębłowski, A., Gawron, W., Martyniuk, P., Madejczyk, P., Jóźwikowski, K., Kowalewski, A., Markowska, O. and Rogalski, A., "MOCVD grown HgCdTe barrier detectors for MWIR high-operating temperature operation", *Optical Engineering* 54(10), 105105-105105, 2015. https://doi.org/10.1117/1.0E.54.10.105105
- [6] Matveev, B., Aidaraliev, M., Gavrilov, G., Zotova, N., Karandashov, S., Sotnikova, G., Stus, N., Talalakin, G., Il'inskaya, N. and Aleksandrov, S., "Room temperature InAs photodiode–InGaAs LED pairs for methane detection in the mid-IR", *Sensors and Actuators B: Chemical* 51(1-3), 233-237, 1998. https://doi.org/10.1016/S0925-4005(98)00200-7
- [7] Fedeli, J.M. and Nicoletti, S., "Mid-infrared (Mid-IR) silicon-based photonics", *Proceedings of the IEEE* 106(12), 2302-2312, 2018. https://doi.org/10.1109/JPROC.2018.2844565
- [8] Wu, J., Chen, H.Y., Yang, N., Cao, J., Yan, X., Liu, F., Sun, Q., Ling, X., Guo, J. and Wang, H., "High tunnelling electroresistance in a ferroelectric van der Waals heterojunction via giant barrier height modulation", *Nature Electronics* 3(8), 466-472, 2020. https://doi.org/10.1038/s41928-020-0441-9
- [9] Guo, Q., Pospischil, A., Bhuiyan, M., Jiang, H., Tian, H., Farmer, D., Deng, B., Li, C., Han, S.J., Wang, H. and Xia, Q., "Black phosphorus mid-infrared photodetectors with high gain", *Nano letters* 16(7), 4648-4655, 2016. https://doi/abs/10.1021/acs.nanolett.6b01977
- [10] Yuan, S., Shen, C., Deng, B., Chen, X., Guo, Q., Ma, Y., Abbas, A., Liu, B., Haiges, R., Ott, C. and Nilges, T., "Air-stable room-temperature mid-infrared photodetectors based on hBN/black arsenic phosphorus/hBN heterostructures", *Nano letters* 18(5), 3172-3179, 2018. https://doi/abs/10.1021/acs.nanolett.8b00835
- [11] Shen, C., Liu, Y., Wu, J., Xu, C., Cui, D., Li, Z., Liu, Q., Li, Y., Wang, Y., Cao, X. and Kumazoe, H., "Tellurene photodetector with high gain and wide bandwidth", ACS nano 14(1), 303-310, 2019. https://doi/abs/10.1021/acsnano.9b04507
- [12] Spirito, D., Coquillat, D., De Bonis, S.L., Lombardo, A., Bruna, M., Ferrari, A.C., Pellegrini, V., Tredicucci, A., Knap, W. and Vitiello, M.S., "High performance bilayergraphene terahertz detectors", *Applied Physics Letters* 104(6), 2014. https://doi.org/10.1063/1.4864082
- [13] Li, X.L., Han, W.P., Wu, J.B., Qiao, X.F., Zhang, J. and Tan, P.H., "Layer-number dependent optical properties of 2D materials and their application for thickness





determination", *Advanced Functional Materials* 27(19), 1604468, 2017. https://doi.org/10.1002/adfm.201604468

- [14] Guo, Q., Yu, R., Li, C., Yuan, S., Deng, B., García de Abajo, F.J. and Xia, F., "Efficient electrical detection of mid-infrared graphene plasmons at room temperature", *Nature materials* 17(11), 986-992, 2018. https://doi.org/10.1038/s41563-018-0157-7
- [15] Yarmohammadi, M., Hoi, B.D. and Phuong, L.T.T., "Systematic competition between strain and electric field stimuli in tuning EELS of phosphorene", *Scientific Reports* 11(1), 3716, 2021. https://doi.org/10.1038/s41598-021-83213-0
- [16] Solomenko, A.G., Sahalianov, I.Y., Radchenko, T.M. and Tatarenko, V.A., "Straintronics in phosphorene via tensile vs shear strains and their combinations for manipulating the band gap", *Scientific Reports* 13(1), 13444, 2023. https://doi.org/10.1038/s41598-023-40541-7
- [17] Li, P., Liu, S., Zhou, H., Xu, J., Huang, K., Zhang, L., Yu, J. and Wang, L., "Impurity properties in phosphorene: First-principles calculations and comparisons", *Materials Science in Semiconductor Processing* 151, 107006, 2022. https://doi.org/10.1016/j.mssp.2022.107006
- [18] Arani, L.A., Hosseini, A., Asadi, F., Masoud, S.A. and Nazemi, E., "Intelligent computer systems for multiple sclerosis diagnosis: a systematic review of reasoning techniques and methods", *Acta Informatica Medica* 26(4), 258, 2018. https://doi.org/10.5455/aim.2018.26.258-264
- [19] Chen, X., Wang, L., Wu, Y., Gao, H., Wu, Y., Qin, G., Wu, Z., Han, Y., Xu, S., Han, T. and Ye, W., "Probing the electronic states and impurity effects in black phosphorus vertical heterostructures", 2D Materials 3(1), 015012, 2016. https://doi.org/10.1088/2053-1583/3/1/015012
- [20] Mortezaei Nobahari, M., "Electro-optical properties of strained monolayer boron phosphide", *Scientific Reports* 13(1), 9849, 2023. https://doi.org/10.1038/s41598-023-37099-9
- [21] Paprotzki, E., Osterkorn, A., Mishra, V. and Kehrein, S., "Quench dynamics in higherdimensional Holstein models: Insights from truncated Wigner approaches", *Physical Review B* 109(17), 174303, 2024. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.109.174303
- [22] Jung, J. and MacDonald, A.H., "Magnetoelectric coupling in zigzag graphene nanoribbons", *Physical Review B—Condensed Matter and Materials Physics* 81(19), 195408, 2010. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.81.195408
- [23] Rudenko, A.N., Yuan, S. and Katsnelson, M.I., "Toward a realistic description of multilayer black phosphorus: From GW approximation to large-scale tight-binding simulations", *Physical Review B* 92(8), 085419, 2015. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.92.085419
- [24] Illas, F., de PR Moreira, I., Bofill, J.M. and Filatov, M., "Extent and limitations of densityfunctional theory in describing magnetic systems", *Physical Review B—Condensed Matter and Materials Physics* 70(13), 132414, 2004. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.70.132414
- [25] Qin, M., "Combination of tensor network states and Green's function Monte Carlo", *Physical Review B* 102(12), 125143, 2020. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.102.125143
- [26] Chng, C.P., Dowd, A., Mechler, A. and Hsia, K.J., "Molecular dynamics simulations reliably identify vibrational modes in far-IR spectra of phospholipids", *Physical Chemistry Chemical Physics* 26(27), 18715-18726, 2024. https://doi.org/10.1039/D4CP00521J
- [27] Wigner, E.P., "Characteristic vectors of bordered matrices with infinite dimensions i", *The Collected Works of Eugene Paul Wigner: Part A: The Scientific Papers*, 524-540, 1993. https://doi.org/10.1007/978-3-662-02781-3_35





- [28] Brody, T.A., Flores, J., French, J.B., Mello, P.A., Pandey, A. and Wong, S.S., "Randommatrix physics: spectrum and strength fluctuations", *Reviews of Modern Physics* 53(3), 385, 1981. https://doi.org/10.1103/RevModPhys.53.385
- [29] Mehta, M.L., "Random matrices. Third. Vol. 142", Pure and Applied Mathematics (Amsterdam). Elsevier/Academic Press, Amsterdam, 9, 2004.
- [30] Beenakker, C.W., "Random-matrix theory of quantum transport", *Reviews of modern physics* 69(3), 731, 1997. https://doi.org/10.1103/RevModPhys.69.731
- [31] Haldar, S.K., Chakrabarti, B., Chavda, N.D., Das, T.K., Canuto, S. and Kota, V.K.B., "Levelspacing statistics and spectral correlations in diffuse van der Waals clusters", *Physical Review A* 89(4), 043607, 2014. https://doi.org/10.1103/PhysRevA.89.043607
- [32] Schierenberg, S., Bruckmann, F. and Wettig, T., "Wigner surmise for mixed symmetry classes in random matrix theory", *Physical Review E—Statistical, Nonlinear, and Soft Matter Physics* 85(6), 061130, 2012. https://doi.org/10.1103/PhysRevE.85.061130
- [33] Magner, A.G., Levon, A.I. and Radionov, S.V., "Simple approach to the chaos-order contributions and symmetry breaking in nuclear spectra", *The European Physical Journal A* 54(12), 214, 2018. https://doi.org/10.1140/epja/i2018-12645-8
- [34] Brody, T.A., "A statistical measure for the repulsion of energy levels", *Lettere al Nuovo Cimento (1971-1985)* 7(12), 482-484, 1973. https://doi.org/10.1007/BF02727859
- [35] Batistić, B., Lozej, Č. and Robnik, M., "Statistical properties of the localization measure of chaotic eigenstates and the spectral statistics in a mixed-type billiard", *Physical Review E* 100(6), 062208, 2019. https://doi.org/10.1103/PhysRevE.100.062208
- [36] Watts, L., Haidar, E.A. and Stampfl, C., "Electron Transport Study of Hydrogen Peroxide Sensing with 2D Phosphorene and Molybdenum Disulfide", *The Journal of Physical Chemistry C* 126(36), 15397-15404, 2022. https://doi/abs/10.1021/acs.jpcc.2c02520
- [37] Ma, R., Geng, H., Deng, W.Y., Chen, M.N., Sheng, L. and Xing, D.Y., "Effect of the edge states on the conductance and thermopower in zigzag phosphorene nanoribbons", *Physical Review B* 94(12), 125410, 2016. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.94.125410
- [38] Boukhvalov, D.W., "The atomic and electronic structure of nitrogen-and boron-doped phosphorene." *Physical Chemistry Chemical Physics* 17(40), 27210-27216, 2015. https://doi.org/10.1039/C5CP05071E
- [39] Zhang, S. and Sun, H., "Effects of temperature on strain engineering and transitionmetal adatom magnetization in phosphorene: ab initio molecular dynamics studies", *Physical Review B* 103(15), 155432, 2021. https://doi.org/10.1103/PhysRevB.103.155432
- [40] Huang, S., Wang, F., Zhang, G., Song, C., Lei, Y., Xing, Q., Wang, C., Zhang, Y., Zhang, J., Xie, Y. and Mu, L., "From anomalous to normal: temperature dependence of the band gap in two-dimensional black phosphorus", *Physical Review Letters* 125(15), 156802, 2020. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.125.156802
- [41] Villegas, C.E., Rocha, A.R. and Marini, A., "Anomalous temperature dependence of the band gap in black phosphorus", *Nano letters* 16(8), 5095-5101, 2016. https://doi.org/10.1021/acs.nanolett.6b02035
- [42] Erande, M.B., Pawar, M.S. and Late, D.J., "Humidity sensing and photodetection behavior of electrochemically exfoliated atomically thin-layered black phosphorus nanosheets", ACS applied materials & interfaces 8(18), 11548-11556, 2016. https://doi/abs/10.1021/acsami.5b10247
- [43] Dai, X., Zhang, L., Jiang, Y. and Li, H., "Electronic transport properties of phosphorene/graphene (silicene/germanene) bilayer heterostructures: A firstprinciples exploration", *Ceramics International* 45(9), 11584-11590, 2019. https://doi.org/10.1016/j.ceramint.2019.03.029





- [44] Youngblood, N. and Li, M., "Ultrafast photocurrent measurements of a black phosphorus photodetector", *Applied Physics Letters* 110(5), 2017. https://doi.org/10.1063/1.4975360
- [45] Paschotta, R., *Encyclopedia of laser physics and technology*. Vol. 1. Berlin: Wiley-vch, 2008. https://doi.org/10.1002/9783527640331.fmatter
- [46] Zeng, L., Zhang, X., Liu, Y., Yang, X., Wang, J., Liu, Q., Luo, Q., Jing, C., Yu, X.F., Qu, G. and Chu, P.K., "Surface and interface control of black phosphorus", *Chem* 8(3), 632-662, 2022. https://doi.org/10.1016/j.chempr.2021.11.022
- [47] Huang, J., Dong, N., Zhang, S., Sun, Z., Zhang, W. and Wang, J., "Nonlinear absorption induced transparency and optical limiting of black phosphorus nanosheets", ACS Photonics 4(12), 3063-3070, 2017. https://doi.org/10.1021/acsphotonics.7b00598



This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution-Noncommercial 4.0 International (CC BY-NC 4.0 license) (http://creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/).



